$$\mathbb{C}^2_1 = \frac{z{:}\mathbb{C}w \in \mathbb{C}^2\times\mathbb{P}^1}{z_0w_1 = z_1w_0} \xrightarrow{\pi} \mathbb{C}^2$$

$$z\neq 0 \underset{\text{eind}}{\Longrightarrow} \mathbb{C}w = \mathbb{C}z = \mathbb{C}\,\overbrace{z_0{:}z_1} = \begin{cases}\mathbb{C}\,\overbrace{1{:}z_1/z_0} & z_0\neq 0\\ \mathbb{C}\,\overbrace{z_0/z_1{:}1} & z_1\neq 0\end{cases}$$

$$z = 0 \underset{\text{bel}}{\Longrightarrow} \mathbb{C}w \in \mathbb{P}^1$$

$$E|E = -1$$

$$E|C = 0 \text{ if } E\cap C = \varnothing$$

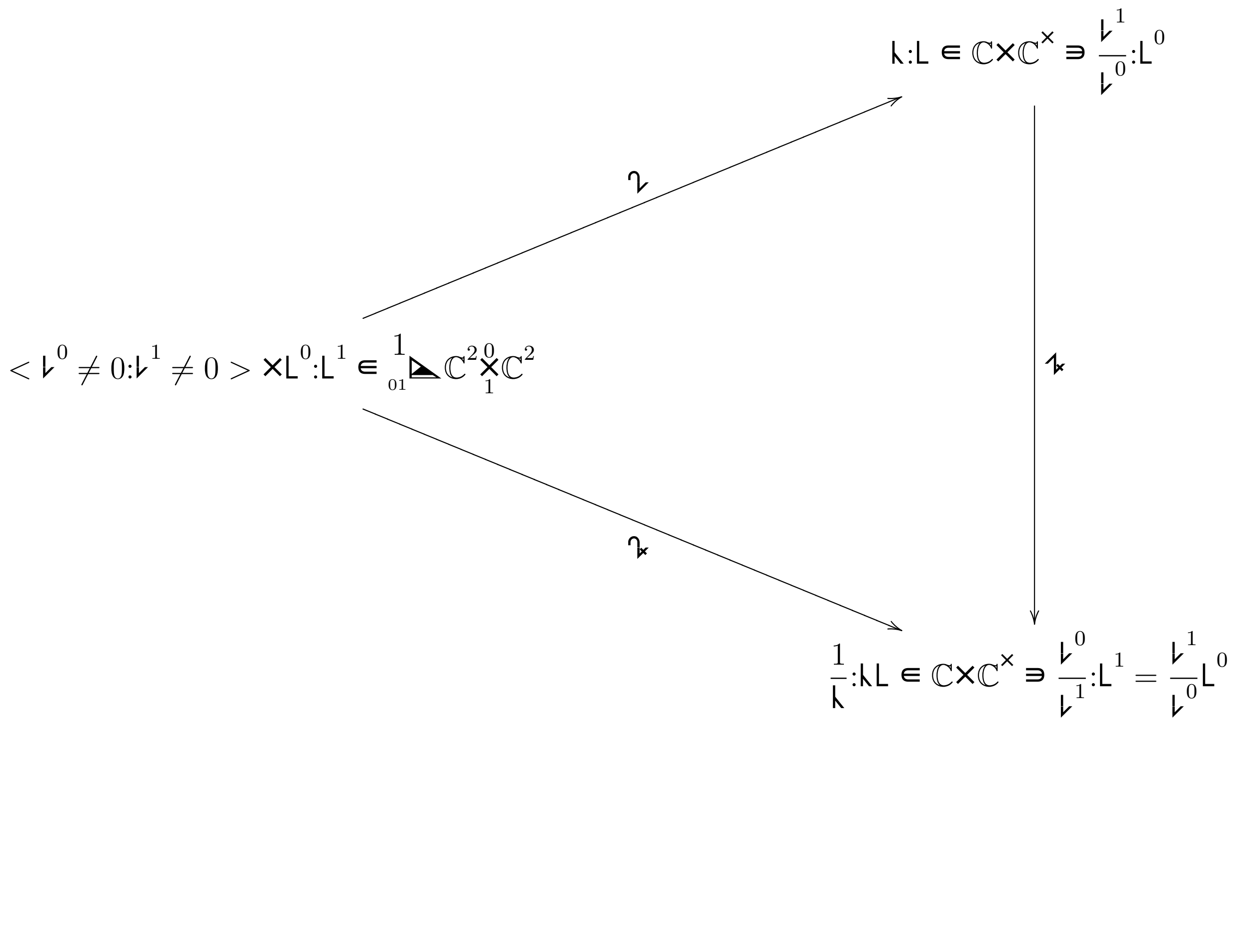
$$K_{X\cup E} = E\cup \overbrace{\pi\ltimes K_X}$$

$$K_{X\cup E}|K_{X\cup E} = K_X|K_X - 1$$

$${}^1\blacktriangle\mathbb{C}^2\times\mathbb{C}^2 = \frac{\bar{\mathsf{L}}\times\mathsf{L} \in {}^1\blacktriangle\mathbb{C}^2\times\mathbb{C}^2}{\mathsf{L}\in\bar{\mathsf{L}}} = \frac{<\mathsf{l}^0{:}\mathsf{l}^1>\times\mathsf{L}^0{:}\mathsf{L}^1}{\mathsf{L}^0\mathsf{l}^1 = \mathsf{L}^1\mathsf{l}^0}$$

$${}^1_0\blacktriangle\mathbb{C}^2\times\mathbb{C}^2 = \frac{<0\neq\mathsf{l}^0{:}\mathsf{l}^1>\times\mathsf{L}^0{:}\mathsf{L}^1}{\mathsf{L}^0\mathsf{l}^1 = \mathsf{L}^1\mathsf{l}^0} \xrightarrow{\gamma} \mathbb{C}^2 \ni \frac{\mathsf{l}^1}{\mathsf{l}^0}{:}\mathsf{L}^0$$

$${}^1_1\blacktriangle\mathbb{C}^2\overset{1}{\times}\mathbb{C}^2 = \frac{<\mathsf{l}^0{:}\mathsf{l}^1\neq 0>\times\mathsf{L}^0{:}\mathsf{L}^1}{\mathsf{L}^0\mathsf{l}^1 = \mathsf{L}^1\mathsf{l}^0} \xrightarrow{\not\gamma} \mathbb{C}^2 \ni \frac{\mathsf{l}^0}{\mathsf{l}^1}{:}\mathsf{L}^1$$



$$< \ell^0 : \ell^1 > \times L^0 : L^1 \in {}^1\blacktriangle \mathbb{C}^2 \times \mathbb{C}^2 \xrightarrow{\text{lp}} \mathbb{C}^2 \ni L^0 : L^1$$

$$\overset{-1}{\pi}\, L^0 : L^1 = \begin{cases} < L^0 : L^1 > & L^0 : L^1 \neq 0:0 \\ {}^1\blacktriangle \mathbb{C}^2 & L^0 : L^1 = 0:0 \end{cases}$$