

$$\mathbb{1} \overset{\#}{\times} \mathbb{1} \overset{\#}{\times} \mathbb{1} \longleftarrow \mathbb{1}$$

bimod

$$\mathbb{1} \overset{\#}{\nabla}_{\mathbb{1}} = \left\{ \mathbb{1} \overset{\mathbb{L}}{\longleftarrow} \mathbb{1} \overset{\#}{\times} \mathbb{1} \text{ m-lin} \right\}$$

$$\mathbb{1} \overset{\#}{\nabla}_{\mathbb{1}} \stackrel{\text{McL}}{=} \frac{\mathbb{1} \overset{\mathbb{L}}{\longleftarrow} \mathbb{1}^m \text{ m-lin}}{283 \mathbb{L} \underbrace{\mathbb{1}^1 \cdots e \cdots \mathbb{1}^m}} = 0$$

$$\mathbb{1} \overset{\#}{\nabla}_{\mathbb{N}} = \sum_m \mathbb{1} \overset{\#}{\nabla}_{\mathbb{1}}$$

$$\mathbb{1} \overset{\#}{\nabla}_{\mathbb{1}} \overset{d}{\longleftarrow} \mathbb{1} \overset{\#}{\nabla}_{\mathbb{1}}$$

$$\mathbb{L} d \underbrace{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m}_{\mathbb{1} \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m} = \mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \underbrace{\mathbb{L} \mathbb{1}^1 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m}_{\mathbb{L} \mathbb{1}^1 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m} - (-1) \underbrace{\mathbb{L} \mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{m-1}}_{\mathbb{L} \mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{m-1}} \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m - \sum_j^m (-1) \mathbb{L} \underbrace{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{j-1}}_{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{j-1}} \overset{\#}{\times} \underbrace{\mathbb{1}^j \times \mathbb{1}^{j+1}}_{\mathbb{1}^j \times \mathbb{1}^{j+1}} \overset{\#}{\times} \underbrace{\mathbb{1}^{j+2} \cdots \mathbb{1}^m}_{\mathbb{1}^{j+2} \cdots \mathbb{1}^m}$$

$$= \mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \underbrace{\mathbb{L} \mathbb{1}^1 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m}_{\mathbb{L} \mathbb{1}^1 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m} + (-1) \underbrace{\mathbb{L} \mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{m-1}}_{\mathbb{L} \mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{m-1}} \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m + \sum_{1 \leq i \leq m} (-1) \mathbb{L} \underbrace{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{i-2}}_{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{i-2}} \overset{\#}{\times} \underbrace{\mathbb{1}^{i-1} \times \mathbb{1}^i}_{\mathbb{1}^{i-1} \times \mathbb{1}^i} \overset{\#}{\times} \underbrace{\mathbb{1}^{i+1} \cdots \mathbb{1}^m}_{\mathbb{1}^{i+1} \cdots \mathbb{1}^m}$$

$$\mathbb{L} d d = 0$$

algebra cyclic (m+1)-cochains

$$\mathbb{1} \overset{\mathbb{K}}{\nabla}_{\mathbb{1}+m} = \frac{\mathbb{K} \overset{\mathbb{L}}{\longleftarrow} \mathbb{1}^{m+1} \text{ m+1-lin}}{\mathbb{L} \underbrace{\mathbb{1}^1 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m \times \mathbb{1}^0}_{\mathbb{L} \mathbb{1}^1 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m \times \mathbb{1}^0}} = (-1) \mathbb{L} \underbrace{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m}_{\mathbb{L} \mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m}$$

$$\mathbb{L} \in \mathbb{1} \overset{\mathbb{K}}{\nabla}_{\mathbb{1}+m} \subset \mathbb{1} \overset{\#}{\nabla}_{\mathbb{1}} \ni \tilde{\mathbb{L}}$$

$$\tilde{\mathbb{L}} \underbrace{\mathbb{1}^1 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m}_{\mathbb{1}^1 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m} \mathbb{1}^0 = \mathbb{L} \underbrace{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m}_{\mathbb{L} \mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m}$$

$$\mathbb{1} \overset{\mathbb{K}}{\nabla}_{\mathbb{1}} \xrightarrow{d} \mathbb{1} \overset{\mathbb{K}}{\nabla}_{\mathbb{1}+m}$$

$$\mathbb{L} d \underbrace{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m}_{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^m} = \sum_j^m (-1) \mathbb{L} \underbrace{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{j-1}}_{\mathbb{1}^0 \overset{\#}{\times} \mathbb{1}^{j-1}} \overset{\#}{\times} \underbrace{\mathbb{1}^j \times \mathbb{1}^{j+1}}_{\mathbb{1}^j \times \mathbb{1}^{j+1}} \overset{\#}{\times} \underbrace{\mathbb{1}^{j+2} \cdots \mathbb{1}^m}_{\mathbb{1}^{j+2} \cdots \mathbb{1}^m} + (-1) \mathbb{L} \underbrace{\mathbb{1}^m \times \mathbb{1}^0}_{\mathbb{1}^m \times \mathbb{1}^0} \overset{\#}{\times} \underbrace{\mathbb{1}^1 \cdots \mathbb{1}^{m-1}}_{\mathbb{1}^1 \cdots \mathbb{1}^{m-1}}$$

