

$$\int \frac{1}{1 + ()^2} = x \quad \leftarrow$$

$$\int \frac{1}{(1 + ()^2)^{n+1}} = \frac{1}{n} \frac{x/2}{(1+x^2)^n} + \frac{n-1/2}{n} \int \frac{1}{(1 + ()^2)^n}$$

$$= \frac{1}{n} \frac{x/2}{(1+x^2)^n} + \frac{n-1/2}{n} \left(\frac{1}{n-1} \frac{x/2}{(1+x^2)^{n-1}} + \frac{n-3/2}{n-1} \int \frac{1}{(1 + ()^2)^{n-1}} \right)$$

$$= \frac{{}_0(n-1/2)}{{}_1(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^n} + \frac{{}_1(n-1/2)}{{}_2(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^{n-1}} + \frac{{}_2(n-1/2)}{{}_2(n)} \int \frac{1}{(1 + ()^2)^{n-1}}$$

$$= \frac{{}_0(n-1/2)}{{}_1(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^n} + \frac{{}_1(n-1/2)}{{}_2(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^{n-1}} + \frac{{}_2(n-1/2)}{{}_2(n)} \left(\frac{1}{n-2} \frac{x/2}{(1+x^2)^{n-2}} + \frac{n-5/2}{n-2} \int \frac{1}{(1 + ()^2)^{n-2}} \right)$$

$$= \frac{{}_0(n-1/2)}{{}_1(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^n} + \frac{{}_1(n-1/2)}{{}_2(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^{n-1}} + \frac{{}_2(n-1/2)}{{}_3(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^{n-2}} + \frac{{}_3(n-1/2)}{{}_3(n)} \int \frac{1}{(1 + ()^2)^{n-2}}$$

$$= \frac{{}_0(n-1/2)}{{}_1(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^n} + \frac{{}_1(n-1/2)}{{}_2(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^{n-1}} + \frac{{}_2(n-1/2)}{{}_3(n)} \frac{x/2}{(1+x^2)^{n-2}} + \dots + \frac{{}_{n-1}(n-1/2)}{{}_n(n)} \frac{x/2}{1+x^2}$$

$$+ \frac{{}_n(n-1/2)}{{}_n(n)} \int \frac{1}{1 + ()^2}$$