

$$\mathcal{Q}_{-\infty}^{\#} \overline{S} = \overline{\mathcal{Q}_{-\infty}^{\#} S}^{\#}$$