

$$\mathcal{Q}_{-\infty}^{\#} S \cup \dot{S} = \mathcal{Q}_{-\infty}^{\#} S \# \mathcal{Q}_{-\infty}^{\#} \dot{S}$$