

### 3. Übung zur Vorlesung “Parallele Algorithmen”, Sommer 07

Abgabe: 10.Mai 2007 vor der Vorlesung

#### Aufgaben

##### 3.1 Broadcast in verschiedenen Vernetzungstopologien

5 Punkte

Schreiben Sie ein MPI-Programm, mit dem ein Feld von Daten gleichmäßig auf alle Prozesse verteilt wird (gehen Sie analog zur Broadcast-Operation vor). Die Daten seien anfangs in Feld  $\mathbf{a}[]$  in Prozess 0 und werden in ein zweites Feld  $\mathbf{b}[]$  in allen Prozessen verteilt.

	$P_0$	$P_1$	$P_2$	$P_3$	$P_4$	$P_5$	$\Rightarrow$	$P_0$	$P_1$	$P_2$	$P_3$	$P_4$	$P_5$
$a :$	1, ..., 12							1, 2	3, 4	5, 6	7, 8	9, 10	11, 12

MPI definiert eine spezielle kollektive Operation `MPI.Scatter` für diesen Vorgang. Diese soll hier aber *nicht* verwendet werden. Implementieren Sie statt dessen den Algorithmus für die Vernetzungstopologien Shuffle-Exchange und Toroid

Sie können davon ausgehen, dass die Aufteilung “aufgeht”, d.h. bei  $n$  Daten und  $p$  Prozessen ist  $n$  immer durch  $p$  teilbar.

##### 3.2 Untere Schranken für paralleles Sortieren

3 Punkte

Begründen Sie die Korrektheit der im folgenden angegebenen unteren Schranken für das Sortieren von  $n$  Elementen auf verschiedenen Netzwerken mit jeweils  $n$  Knoten. Vor und nach dem Sortiervorgang sollen die zu sortierenden Elemente gleichmäßig verteilt sein, d.h. ein Element pro Prozessor.

- (a)  $\Omega(n)$  auf einem eindimensionalen Gitter
- (b)  $\Omega(\sqrt{n})$  auf einem zweidimensionalen Toroid
- (c)  $\Omega(\log n)$  auf einem Shuffle-Exchange-Netzwerk

##### 3.3 Speedup-Schätzungen

4 Punkte

- (a) Ein paralleler Algorithmus erfordere bei Problemgröße  $n$   $14 \cdot n$  Schritte sowie eine sequenzielle Vorverarbeitung der Eingabedaten, welche  $(\log_2 n)^3$  Schritte benötigt. Wie viele Prozessoren müssen jeweils (mindestens) eingesetzt werden, um für ein Problem der Größe  $n = 1024$  einen Speedup von 10 zu erzielen?
- (b) Nach dem Gesetz von Amdahl wird der maximal erreichbare Speedup eines parallelen Algorithmus durch den sequenziellen Anteil  $f \in [0, 1]$  begrenzt, insbesondere ist der erreichbare Speedup also unabhängig von der Prozessorzahl  $p$  beschränkt. Das Gesetz von Gustafson-Barsis liefert dagegen *keine* von  $p$  unabhängige obere Schranke.

Erklären Sie, wie es zu dieser Diskrepanz kommt.