



## Teilaufgaben der Übersetzung in Zwischencode                                  Maschinencode

- |  |                          |
|--|--------------------------|
| 1. Übersetzung von Ausdrücken und Kontrollstrukturen | 1. Registerallokation    |
| 2. Übersetzung von Blöcken und Prozeduren            | 2. Code-Auswahl          |
| 3. Übersetzung von Datenstrukturen                   | 3. Instruktionsanordnung |
| 4. Inkrementelle Übersetzung von Modulstrukturen     | 4. ...                   |

# Syntax von PSA

Ganze Zahlen  $\text{Int} : Z$

Bezeichner  $\text{Ide} : I$

Deklarationen  $\text{Decl} : \Delta ::= \Delta_C \Delta_V$

$$\Delta_C ::= \varepsilon \mid \mathbf{const} \ I_1 = Z_1; \dots; I_n = Z_n \quad (n \geq 1)$$
$$\Delta_V ::= \varepsilon \mid \mathbf{var} \ I_1, \dots, I_n; \quad (n \geq 1)$$

(\* nur Integervariablen \*)

Arithmetische Ausdrücke  $\text{AExp} : E ::= Z \mid I \mid (E_1 \text{ aop } E_2)$   
 $(\text{aop} \in \{+, -, *, \dots\})$

Boolesche Ausdrücke  $\text{BExp} : B ::= E \text{ relop } E \mid$   
 $\mathbf{not} \ B \mid (B \text{ and } B) \mid (B \text{ or } B)$   
 $(\text{relop} \in \{=, \neq, <, \dots\})$

Anweisungen  $\text{Cmd} : \Gamma ::= I := E \mid \Gamma_1; \Gamma_2$   
 $\mid \mathbf{if} \ B \mathbf{then} \ \Gamma \mathbf{else} \ \Gamma$   
 $\mid \mathbf{while} \ B \mathbf{do} \ \Gamma$

Programme  $\text{Prog} : P ::= \Delta \Gamma$

## kontextsensitive Bedingungen

- Bezeichner in  $\Delta$  müssen paarweise verschieden sein.
- Bezeichner in  $\Gamma$  müssen deklariert sein.

# Semantik von PSA

Speicherplätze (locations)  $\text{Loc} := \{\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \dots\}$

Zustandsraum (states)  $S := \{\sigma \mid \sigma : Loc \dashrightarrow \mathbb{Z}\}$

Umgebung (environment)  $\text{Env} := \{\rho \mid \rho : Ide \dashrightarrow \mathbb{Z} \cup \text{Loc}\}$

---

## Deklarationssemantik

$$\mathcal{D} :: Decl \times Env \dashrightarrow Env$$

$$\mathcal{D}[\Delta_C \Delta_V]_\rho := \mathcal{D}[\Delta_V](\mathcal{D}[\Delta_C]\rho)$$

$$\mathcal{D}[\varepsilon]\rho := \rho$$

$$\mathcal{D}[\text{const } I_1 = Z_1; \dots; I_n = Z_n]_\rho := \rho[I_1/Z_1, \dots, I_n/Z_n]$$

$$\mathcal{D}[\text{var } I_1, I_2, \dots, I_n]_\rho := \rho[I_1/\alpha_1, \dots, I_n/\alpha_n]$$

einfache Speicherverwaltung!

---

## Semantik arithmetischer Ausdrücke

$$\mathcal{E} :: AExp \times Env \times S \dashrightarrow \mathbb{Z}$$

$$\begin{aligned} \mathcal{E}[Z]\rho\sigma &:= Z \\ \mathcal{E}[I]\rho\sigma &:= \begin{cases} \rho(I) & \text{falls } \rho(I) \in \mathbb{Z} \\ \sigma(\underbrace{\rho(I)}_{\substack{\text{l-Wert} \\ \text{r-Wert}}}) & \text{falls } \rho(I) \in Loc \end{cases} \\ \mathcal{E}[(E_1 \ op \ E_2)]\rho\sigma &:= \mathcal{E}[E_1]\rho\sigma [op] \mathcal{E}[E_2]\rho\sigma \end{aligned}$$

---

## Semantik Boolescher Ausdrücke

$$\mathcal{B} :: BExp \times Env \times S \dashrightarrow \{\text{true}, \text{false}\}$$

analog mit strikten bzw. nicht-strikten Varianten

---

## Semantik von Anweisungen

$$\mathcal{C} :: Cmd \times Env \times S \dashrightarrow S$$

$$\begin{aligned}\mathcal{C}[I := E]\rho\sigma &:= \sigma[\rho(I) \mapsto \mathcal{E}[E]\rho\sigma] \\ \mathcal{C}[\Gamma_1; \Gamma_2]\rho\sigma &:= \mathcal{C}[\Gamma_2]\rho(\mathcal{C}[\Gamma_1]\rho\sigma) \\ \mathcal{C}[\text{if } B \text{ then } \Gamma_1 \text{ else } \Gamma_2]\rho\sigma &:= \begin{cases} \mathcal{C}[\Gamma_1]\rho\sigma & \text{falls } \mathcal{B}[B]\rho\sigma = \text{true} \\ \mathcal{C}[\Gamma_2]\rho\sigma & \text{falls } \mathcal{B}[B]\rho\sigma = \text{false} \end{cases} \\ \mathcal{C}[\text{while } B \text{ do } \Gamma]\rho\sigma &:= \begin{cases} \mathcal{C}[\text{while } B \text{ do } \Gamma]\rho(\mathcal{C}[\Gamma]\rho\sigma) & \text{falls } \mathcal{B}[B]\rho\sigma = \text{true} \\ \sigma & \text{falls } \mathcal{B}[B]\rho\sigma = \text{false} \end{cases}\end{aligned}$$

---

## Programmsemantik $\mathcal{M} :: Prog \times S \dashrightarrow S$

$$\mathcal{M}[\Delta\Gamma]\sigma := \mathcal{C}[\Gamma](\mathcal{D}[\Delta]\rho_\emptyset)\sigma$$

## Beispiel zur Übersetzung von PSA in MA-Code

Sei  $P = \Delta \left\{ \begin{array}{l} \text{const I = 3, J = 10;} \\ \text{var K, L;} \\ \Gamma \left\{ \begin{array}{l} \Gamma_1 \{ K := I + L; \\ \Gamma_2 \{ \text{if } K > L \text{ then } K := K - L \text{ else } K := 1 \end{array} \right. \end{array} \right. \right\}$

Dann gilt:

$$trans(P) = ct(\Gamma, up(\Delta, st_\emptyset), 1),$$

$$\begin{aligned} \text{wobei } up(\text{const I = 3, J = 10; var K, L; }, st_\emptyset) \\ &= up(\text{var K, L; }, up(\text{const I = 3, J = 10; }, st_\emptyset)) \\ &= up(\text{var K, L; }, st_\emptyset[I/(const, 3), J/(const, 10)]) \\ &= st_\emptyset[I/(const, 3), J/(const, 10), K/(var, 1), L/(var, 2)] \\ &=: st_1 \end{aligned}$$

$$\text{und } ct(\Gamma, st_1, 1) = ct(\Gamma_1, st_1, 1); ct(\Gamma_2, st_1, 5)$$

$$\begin{aligned} &ct(\Gamma_1, st_1, 1) && ct(\Gamma_2, st_1, 5) \\ &= et(I + L, st_1) && = 5: \text{LOAD 1;} \\ &4: \text{STORE 1;} && 6: \text{LOAD 2;} \\ & && 7: \text{GREATER;} \\ &= 1: \text{LIT 3;} && 8: \text{JPFALSE 14;} \\ &2: \text{LOAD 2;} && 9: \text{LOAD 1;} \\ &3: \text{ADD;} && 10: \text{LOAD 2;} \\ &4: \text{STORE 1} && 11: \text{SUB;} \\ & && 12: \text{STORE 1;} \\ & && 13: \text{JMP 16;} \\ & && 14: \text{LIT 1;} \\ & && 15: \text{STORE 1.} \end{aligned}$$