

$${}_{\leq r}^o \mathfrak{h} = \frac{\mathfrak{h} \in \mathfrak{H}}{|\mathfrak{o}| \leq r}$$

$${}_{< r}^o \mathfrak{h} = \frac{\mathfrak{h} \in \mathfrak{H}}{|\mathfrak{o}| < r}$$

$$\mathfrak{h}_{< R}^o \subset \mathfrak{H}$$

$$\mathfrak{h}_{< R}^o \Rightarrow |\mathfrak{o}| < R \Rightarrow R - |\mathfrak{o}| > 0$$

$$\mathfrak{h}_{< R - |\mathfrak{o}|}^h \subset \mathfrak{h}_{< R}^o$$

$$\mathfrak{h} \in \mathfrak{h}_{< R - |\mathfrak{o}|}^h \Rightarrow \mathfrak{h}|\mathfrak{h} < R - |\mathfrak{o}| \xrightarrow{\text{trans}} \mathfrak{h}|\mathfrak{o} \leq \underbrace{\mathfrak{h}|\mathfrak{h}}_{< R - |\mathfrak{o}|} + |\mathfrak{o}| < R$$