

$$\overset{\wedge}{\mathsf{J}} = {}_{\alpha}\mathsf{J} \boxtimes \bar{\mathsf{J}}^{\alpha}$$

$${}^z\overset{\wedge}{\mathsf{J}}_w = {}^z_{\alpha}\mathsf{J} {}^w\bar{\mathsf{J}}^{\alpha}$$

$$\overset{\wedge}{\mathsf{J}}_w = {}_{\iota}\mathsf{J} {}^w\bar{\mathsf{J}}^{\alpha}$$

$${}^w\overset{\wedge}{\mathsf{J}} = {}^w_{\alpha}\mathsf{J} \bar{\mathsf{J}}^{\alpha}$$

$$\underbrace{{}^w\mathsf{J}\overset{\wedge}{\mathsf{J}}}_{w\mathsf{J}\overset{\wedge}{\mathsf{J}}}=\mathcal{B}_w\left({}^w\overset{\wedge}{\mathsf{J}}_w\right)$$

$${}^w\overset{\wedge}{\mathsf{J}}\overset{\wedge}{\mathsf{J}}_w={}^w_{\alpha}\mathsf{J} {}^w\bar{\mathsf{J}}^{\beta} \bar{\mathsf{J}}^{\alpha}_{\beta}$$

$$\Delta=\delta\partial\bar\partial$$

$$\begin{aligned} \underbrace{\Delta {}^w\overset{\wedge}{\mathsf{J}}\overset{\wedge}{\mathsf{J}}}_{w\mathsf{J}\overset{\wedge}{\mathsf{J}}} &= {}^w_{\alpha}\mathsf{J} {}^w\bar{\mathsf{J}}^{\beta} \underbrace{\Delta \widehat{\bar{\mathsf{J}}^{\alpha}_1\mathsf{J}\beta}}_w = {}^w_{\alpha}\mathsf{J} {}^w\bar{\mathsf{J}}^{\beta} {}_w\delta \underbrace{\partial\bar\partial \widehat{\bar{\mathsf{J}}^{\alpha}_{\beta}\mathsf{J}}}_w \\ &= {}^w_{\alpha}\mathsf{J} {}^w\bar{\mathsf{J}}^{\beta} {}_w\delta \underbrace{\widehat{\partial\bar{\mathsf{J}}^{\alpha}}}_w \underbrace{{}^w\partial\bar{\mathsf{J}}^{\beta}}_{\mathsf{J}\overset{\wedge}{\mathsf{J}}} = {}_w\delta \underbrace{\widehat{\bar{\mathsf{J}}}}_w {}^w\partial\mathsf{J} \end{aligned}$$

$$\overset{\wedge}{\Delta} = \overset{\wedge}{\delta} \overset{-}{\delta} \boxtimes \delta$$

$$\overset{\wedge}{\mathsf{J}}\overset{\wedge}{\mathsf{J}} = {}_{\alpha}\mathsf{J} \boxtimes \bar{\mathsf{J}}^{\alpha} \mathsf{J} \boxtimes \bar{\mathsf{J}}^{\beta} = \underbrace{{}_{\alpha}\mathsf{J}\boxtimes \mathsf{J}}_{\overset{\wedge}{\mathsf{J}}}\underbrace{\boxtimes \bar{\mathsf{J}}^{\alpha}\boxtimes \bar{\mathsf{J}}^{\beta}}_{\overset{\wedge}{\mathsf{J}}}$$

$$\overset{\wedge}{\Delta}\overset{\wedge}{\mathsf{J}}\overset{\wedge}{\mathsf{J}} = \overset{\wedge}{\delta} \overset{-}{\delta} \boxtimes \delta$$